

УДК 621.241:831.325

БАГАТОФАКТОРНА МАТЕМАТИЧНА МОДЕЛЬ МЕХАНІЧНОЇ ШВИДКОСТІ БУРІННЯ СВЕРДЛОВИН НА ПЛОЩАХ ШАХТОУПРАВЛІННЯ «ПОКРОВСЬКЕ» КОМПАНІЇ «ДОНЕЦЬКСТАЛЬ»

¹*В.М. Мойсішин, ¹Р.Б. Щербій, ²В.А. Турчин, ²В.Л. Шевелєв, ²С.А. Зінченко*

¹*ІФНТУНГ, 76019, м. Івано-Франківськ, вул. Карпатська, 15, тел. (0342) 727131,
e-mail: math@nunig.edu.ua*

²*ПрАТ «Донецьксталь» – металургійний завод», м. Донецьк, вул. Челюскінців, 174;
тел. 067 6227848*

З метою встановлення багатофакторної математичної моделі механічної швидкості буріння, яка враховує спільний вплив режимних параметрів та жорсткості компоновки низу бурильної колони (КНБК) на механічну швидкість буріння, було застосовано метод раціонального планування експериментів. За цим методом з 19.05.2011 по 31.10.11 в шахтоуправлінні «Покровське» компанії «Донецьксталь» автоматизованим буровим комплексом *Utra Single 150* було пробурено вісім дегазаційних свердловин глибиною 676-758 м. Комбінація змінних чинників, до яких відносяться основне статичне навантаження F_{CT} , частота обертання долота n_δ і жорсткість С КНБК, зустрічається тільки один раз. Загальну функцію механічної швидкості буріння подано у вигляді добутку окремих залежностей від змінних чинників – $V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_\delta) \cdot f(C)$. Постійними чинниками під час проведення планованого експерименту були витрата промивальної рідини, тип і діаметр тришарошкового долота типу SS-TMGC та твердість гірської породи (алевроліти) – 960 МПа.

За результатами планованого експерименту рівняння багатофакторної математичної моделі механічної швидкості буріння набуло вигляду: $V_{MEX} = 1,79 \cdot 10^{-2} \cdot F_{CT}^{0,6031514} \cdot n_\delta^{2,292906} \cdot C^{-0,6032162}$.

Ключові слова: механічна швидкість буріння, компоновка низу бурильної колони, планований експеримент, змінний чинник, гірська порода.

С целью установления многофакторной математической модели механической скорости бурения, учитывающей совместное влияние режимных параметров и жесткости компоновки низа бурильной колонны (КНБК) на механическую скорость бурения, был использован метод рационального планирования экспериментов. Согласно этого метода с 19.05.2011 по 31.10.11 в шахтоуправлении «Покровское» компании «Донецксталь» автоматизированным буровым комплексом *Utra Single 150* было пробурено восемь дегазационных скважин глубиной 676-758 м. Комбинация переменных факторов, к которым относят осевую статическую нагрузку F_{CT} , частоту вращения долота n_δ и жесткость С КНБК, встречается только один раз. Общая функция механической скорости бурения представлена произведением отдельных зависимостей от переменных факторов – $V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_\delta) \cdot f(C)$. Постоянными факторами при проведении планированного эксперимента были расход промывочной жидкости, тип и диаметр трехшарошечного долота типа SS-TMGC и твердость горной породы (алевролиты) – 960 МПа.

По результатам планированного эксперимента уравнение многофакторной математической модели механической скорости бурения имеет вид: $V_{MEX} = 1,79 \cdot 10^{-2} \cdot F_{CT}^{0,6031514} \cdot n_\delta^{2,292906} \cdot C^{-0,6032162}$.

Ключевые слова: механическая скорость бурения, компоновка низа бурильной колонны, планированный эксперимент, переменный фактор, горная порода.

*With the purpose of establishment of multifactor mathematical model of mechanical speed of the boring drilling which takes into account common influence of regime parameters and inflexibility of arrangement of bottom of drilling column (ABDC) on mechanical speed of the boring drilling method of the rational planning of experiments was used. After that one from 19.05.2011 to 31.10.2011 year in the office of mine management of the «Pokrovsk» of company «Donetscstal» 8 degas drilling holes were bored by automated by drilling complex *Utra Single 150* to depth 676-758 m. Combination of variable factors which include axial static loading F_{CT} , frequency of rotation of chisel n_δ , inflexibility C of ABDC meets only one time. A public multidimensional function is given by work of separate dependences on variable factors – $V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_\delta) \cdot f(C)$. Were are permanent factors during conducting of the planned experiment expense of washing liquid 15 l/s, type and diameter of chisel is SS-TMGC 193,7 mm and hardness of rock is 960 MPa what was represented by alevrollites.*

As a result of the planned experiment of equalization of multifactor mathematical model of mechanical speed the boring drilling has a kind $V_{MEX} = 1,79 \cdot 10^{-2} \cdot F_{CT}^{0,6031514} \cdot n_\delta^{2,292906} \cdot C^{-0,6032162}$.

Keywords: mechanical speed of the boring drilling, arrangement of bottom of drilling column, planned experiment, variable factor, rock.

Таблиця 1 – Результати буріння восьми дегазаційних свердловин

| № свердловини | С, кН/м | Інтервал буріння, м | Проходка на долото, м | Час буріння, год. | Механічна швидкість буріння, м/год | Режим буріння | | |
|---------------|---------|---------------------|-----------------------|-------------------|------------------------------------|----------------------|-----------------------------------|----|
| | | | | | | F _{OC} , кН | n _δ , хв ⁻¹ | |
| ДС6 | 2100 | 548-675,64 | 62,35 | 9,9 | 6,3 | 4,5 | 70 | 11 |
| ДС16 | | 74,3-726,4 | 20,5 | 1,2 | 17,08 | 8,2 | 85 | 14 |
| ДС18 | | 74,76-757,72 | 37,84 | 2,1 | 18,02 | 7 | 90 | 13 |
| ДС4 | 4200 | 70,48-550,99 | 318,82 | 33,7 | 9,46 | 7,0 | 85 | 15 |
| | | 550,99-675,58 | 62,35 | 9,3 | 6,70 | 8,2 | 70 | 10 |
| ДС11 | | 75,26-554,48 | 321,43 | 34,38 | 9,35 | 4,5 | 90 | 14 |
| ДС3 | 8400 | 68,56-603,48 | 278,34 | 46,86 | 5,94 | 4,5 | 85 | 17 |
| ДС5 | | 73,72-555,48 | 319,1 | 44,94 | 7,10 | 8,2 | 90 | 14 |
| ДС12 | | 556,44-670,19 | 62,35 | 12,7 | 4,91 | 7,0 | 70 | 12 |

Одним із головних завдань буріння свердловин є підвищення техніко-економічних показників буріння: проходки на долото h та механічної швидкості буріння $V_{\text{мех}}$. За результатами експериментальних досліджень, проведених у стендових та промислових умовах [1, 3, 4], за використання в компоновці низу бурильної колони (КНБК) віброзахисних пристрій (ВЗП) змінюється жорсткість та коефіцієнт демпфування бурильної колони загалом.

Обґрунтований вибір ВЗП (амортизаторів, регуляторів, демпферів, пружних муфт, тощо) для конкретних умов буріння можна здійснити на основі кореляційних залежностей між їх характеристиками та механічною швидкістю буріння.

Для встановлення таких залежностей було вибрано метод стендових експериментальних досліджень, під час проведення яких режим буріння і параметри компоновки бурильного інструменту мають строго фіксовані значення та можливість їх зміни в певних межах для конкретних фізико-механічних характеристик гірської породи [7, 8].

Враховуючи зазначене вище, з метою встановлення багатофакторної математичної моделі механічної швидкості буріння, яка враховує спільній вплив режимних параметрів та параметрів бурильного інструменту, на буровому стенді ІФНТУНГ [6] були проведенні експериментальні дослідження з використанням методу раціонального планування експериментів [2, 5].

Постійними факторами під час проведення планового експерименту були витрата промисловальної рідини (вода), тип і діаметр тришаровкового долота та твердість гірської породи за штампом.

За результатами планованого експерименту рівняння багатофакторної математичної моделі механічної швидкості буріння мало вигляд:

$$V_{\text{MEX}} = 1,6703 \cdot 10^{-3} \cdot F_{CT}^{1,565623} \cdot n_{\delta}^{0,64089277} \times \\ \times \beta^{-0,03314602} \cdot C^{-4,550764 \cdot 10^{-2}}.$$

Для підтвердження результатів стендових експериментальних досліджень з 19.05.11 по 31.10.11 в шахтоуправлінні «Покровське» компанії «Донецьксталь» автоматизованим буровим комплексом Ultra Single 150 [9] було пробурено вісім дегазаційних свердловин глибиною 676-758 м. В інтервалі буріння під кондуктор (68-78 м) використовувались долота 295,3 мм типу SS-TMGC (код IADC117M), а під час буріння нижче кондуктора до проектної глибини свердловини (676-758 м) використовувались долота 193,7 мм типу SS-TMGC (код IADC117) з фрезованим зубом та герметизованою фрикційною опорою. Буріння нижче кондуктора до глибин 676-758 м велося в кам'яновугільних відкладах (світи амвросієвська C_1^5 і бешевська C_1^4), що представлена товщею перешарованих вугільних пропластків, аргілітів, алевролітів, дрібно- та середньозернистих пісковиків. Найбільшу потужність в інтервалі свердловин 68-757 м мають піщано-глинисті сланці (алевроліти).

Під час буріння свердловин системою верхнього приводу (СВП) використовувалась жорстка компоновка низу бурильної колони (КНБК) з двома центраторами, один з яких встановлювався над долотом, другий – над першою обважненою бурильною трубою. У процесі буріння з пристроєм зміни осьової жорсткості КНБК конструкції ІФНТУНГ останній встановлювався над долотом та центратором. Жорсткість пружного вузла пристрою визначалась кількістю пружин стискання, встановлених паралельно, і під час буріння відповідно складала 2100, 4200 та 8400 кН/м.

Під час проведення промислового експерименту до постійних факторів, перерахованих вище, ми відносili також і коефіцієнт демпфування β , який для пружин стиску є незначним (до 0,1 кНс/м).

В таблиці 1 наведено результати буріння восьми свердловин шарошковими долотами в гірській породі представлений алевролітами, коефіцієнт міцності f яких за шкалою Прото-

Таблиця 2 – Результати досліджень за планованим трифакторним експериментом

| № досл. | Частота обертання n_∂ , хв ⁻¹ | Осьове статичне навантаження на долото F_{CT} , кН | Жорсткість С, кН/м | Механічна швидкість буріння V_{MEX} , м/год |
|---------|--|---|--------------------|--|
| 1 | 4,5 | 70 | 2100 | 6,3 |
| 2 | 4,5 | 85 | 8400 | 5,94 |
| 3 | 4,5 | 90 | 4200 | 9,35 |
| 4 | 7 | 70 | 8400 | 4,91 |
| 5 | 7 | 85 | 4200 | 9,46 |
| 6 | 7 | 90 | 2100 | 18,02 |
| 7 | 8,2 | 70 | 4200 | 6,7 |
| 8 | 8,2 | 85 | 2100 | 17,08 |
| 9 | 8,2 | 90 | 8400 | 7,1 |

Таблиця 3 – Результати експерименту з визначення V_{MEX} усереднені за різних значень режимних параметрів

| n_∂ , хв ⁻¹ | F_{CT} , кН | 4,5 | 7 | 8,2 | Сума | Середнє |
|---------------------------------|---------------|-------|-------|-------|-------|---------|
| 70 | | 6,3 | 4,91 | 6,7 | 17,91 | 5,97 |
| 85 | | 5,94 | 9,46 | 17,08 | 32,48 | 10,83 |
| 90 | | 9,35 | 18,02 | 7,1 | 34,47 | 11,49 |
| Сума | | 21,59 | 32,39 | 30,88 | 84,86 | |
| Середнє | | 7,2 | 10,80 | 10,29 | | |

Таблиця 4 – Результати експерименту з визначення V_{MEX} усереднені за різних значень осьового статичного навантаження на вибій та жорсткості КНБК

| F_{CT} , кН | C, кН/м | 2100 | 4200 | 10000 | Сума | Середнє |
|---------------|---------|-------|-------|-------|-------|---------|
| 4,5 | | 6,3 | 9,35 | 5,94 | 21,59 | 7,2 |
| 7 | | 18,02 | 9,46 | 4,91 | 32,39 | 10,8 |
| 8,2 | | 17,08 | 6,7 | 7,1 | 30,88 | 10,29 |
| Сума | | 41,4 | 25,51 | 17,95 | 84,86 | |
| Середнє | | 13,8 | 8,50 | 5,98 | | |

Таблиця 5 – Результати експерименту з визначення V_{MEX} усереднені за різних значень частоти обертання долота та жорсткості КНБК

| n_∂ , хв ⁻¹ | C, кН/м | 2100 | 4200 | 8400 | Сума | Середнє |
|---------------------------------|---------|-------|-------|-------|-------|---------|
| 70 | | 6,3 | 6,7 | 4,91 | 17,91 | 5,97 |
| 85 | | 17,08 | 9,46 | 5,94 | 32,48 | 10,83 |
| 90 | | 18,02 | 9,35 | 7,1 | 34,47 | 11,49 |
| Сума | | 41,4 | 25,51 | 17,95 | 84,86 | |
| Середнє | | 13,8 | 8,50 | 5,98 | | |

для конова рівний 6. Границя міцності алевролітів на стискання визначається за формулою:

$$\sigma_{CT} = 10 \cdot f = 10 \cdot 6 = 60 \text{ МПа}, \quad (1)$$

а твердість за штампом складає

$$p_u = 16\sigma_{CT} = 16 \cdot 60 = 960 \text{ МПа}. \quad (2)$$

Згідно з класифікацією гірських порід за твердістю по штампу ця порода відноситься до

п'ятої категорії, яка представлена пластично-крихкими породами (алевроліти, ангідрити і т.д.).

Матрицю планованого експерименту із експериментальними значеннями механічної швидкості буріння наведено в таблиці 2.

У таблиці 3 наведено результати експерименту з визначення V_{MEX} , усереднені за режим-

ними параметрами, а в таблицях 4 і 5 – усереднені за одним з режимних параметрів та жорсткістю КНБК.

Підбір частинних емпіричних залежностей між змінними чинниками та механічною швидкістю буріння за експериментальними даними таблиці 2 наведено у таблиці 6.

Згідно з таблицями 4 і 5 найбільш потужним чинником зміні V_{MEX} є жорсткість КНБК. Під час зміни жорсткості з 2100 до 8400 кН/м швидкість зменшилась у 2,31 рази. Ймовірність Р існування емпіричної залежності між швидкістю та жорсткістю за криволінійною регресією більша за 0,9.

Для підсилення впливу інших змінних чинників на швидкість проведено нейтралізацію впливу жорсткості здійснюються двома способами: за методикою Протодяконова [2] та за методикою Яремійчука-Райхерта [5]. За методикою Протодяконова всі експериментальні

дані $V_{MEX,1,i}$ таблиці 2 коригуються (перераховуються) за формулою:

$$V_{MEX,1,i} = V_{MEX,i} + [f(C_{CP}) - f(C_i)], \quad (3)$$

де $f(F_{CT,CP})$ – значення енергоємності, визначене за формулою $V_{MEX} = 1362,288 \cdot C^{-0,6032162}$ та за середнім значенням $C_{CP} = 4900 \text{ кН/м}$;

$f(C_{CT,i})$ – значення механічної швидкості, визначені за формулою $V_{MEX} = 1362,288 \cdot C^{-0,6032162}$ та за значеннями $C=2100, 4200, \text{ і } 8400 \text{ кН/м}$.

За методикою Яремійчука-Райхерта всі експериментальні дані $V_{MEX,1,i}$ таблиці 2 коригуються за формулою:

$$V_{MEX,2,i} = V_{MEX,i} \cdot f(C_{CP}) / f(C_i). \quad (4)$$

Скориговані за методикою Протодяконова та усереднені за режимними параметрами результати експерименту наведені у таблицях 7 і 8, а за методикою Яремійчука-Райхерта – у таблицях 9 і 10.

Таблиця 6 – Результати підбору частинних емпіричних залежностей за експериментальними даними

| Змінний чинник | Частинні емпіричні залежності | Емпіричне значення коефіцієнта кореляції | Середнє квадратичне відхилення | Співвідношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ |
|------------------------------|---|--|--------------------------------|-------------------------------------|
| Основе статичне навантаження | $V_{MEX} = 2,711 \cdot F_{CT}^{0,6647584}$ | 0,8984 $0,7 < P < 0,8$ | 0,8196 | 1,15 |
| Частота обертання долота | $V_{MEX} = 3,1176 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,2723321}$ | 0,9156 $0,7 < P < 0,8$ | 0,5378 | 1,753 |
| Жорсткість КНБК | $V_{MEX} = 1362,288 \cdot C^{-0,6032162}$ | 0,965 $0,9 < P < 0,95$ | 0,3599 | 2,620 |

Таблиця 7 – Скориговані результати експерименту за методикою Протодяконова (Ск.1) та усереднені за різних значень жорсткості КНБК та статичного навантаження на вибій

| F_{CT} , кН | С, кН/м | 2100 | 4200 | 8400 | Сума | Середнє |
|---------------|---------|-------|------|-------|------|---------|
| 4,5 | 0,9 | 8,56 | 8,19 | 17,65 | 5,88 | |
| 7 | 12,62 | 8,67 | 7,16 | 28,45 | 9,48 | |
| 8,2 | 11,68 | 5,91 | 9,35 | 26,94 | 8,98 | |
| Сума | 25,2 | 23,14 | 24,7 | 73,04 | | |
| Середнє | 8,4 | 7,71 | 8,23 | | | |

Таблиця 8 – Скориговані результати експерименту за методикою Протодяконова (Ск.1) та усереднені за різних значень жорсткості КНБК та частоти обертання долота

| n_{∂} , хв^{-1} | С, кН/м | 2100 | 4200 | 8400 | Сума | Середнє |
|-----------------------------------|---------|-------|------|-------|-------|---------|
| 70 | 0,9 | 5,91 | 7,16 | 13,97 | 4,66 | |
| 85 | 11,68 | 8,67 | 8,19 | 28,54 | 9,51 | |
| 90 | 12,62 | 8,56 | 9,35 | 30,53 | 10,18 | |
| Сума | 25,2 | 23,14 | 24,7 | 73,04 | | |
| Середнє | 8,4 | 7,71 | 8,23 | | | |

Результати підбору частинних степеневих емпіричних залежностей між змінними чинниками та швидкістю за скоригованими даними, одержаними у ході нейтралізації впливу жорсткості за методиками Протод'яконова та Яремійчука-Райхерта, зведені у таблиці 11 і 12.

Згідно з таблицями 3 і 5 другим за ступенем впливу чинником зміни V_{MEX} є частота обертання долота. З підвищеннем частоти обертання від 70 до 90 х^{-1} швидкість збільшилась у 1,92 рази.

В таблиці 13 наведено результати підбору частинних залежностей $V_{MEX} = f(n_\partial)$, які подано у вигляді степеневої функції за експериментальними та скоригованими даними.

За цією таблицею кращою частинною залежністю $V_{MEX} = f(n_\partial)$ є залежність, підбрана за скоригованими даними $V_{MEX.CK.2.i}$.

У випадку використання залежності $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_\partial^{2,292906}$ емпіричне значення

Таблиця 9 – Скориговані результати експерименту за методикою Яремійчука-Райхерта (Ск.2) та усереднені за різних значень жорсткості КНБК та частотного навантаження на вибій

| F_{CT} , кН | C, кН/м | 2100 | 4200 | 8400 | Сума | Середнє |
|---------------|---------|-------|-------|-------|------|---------|
| 4,5 | 3,78 | 8,52 | 8,23 | 20,53 | 6,84 | |
| 7 | 10,81 | 8,62 | 6,80 | 26,23 | 8,74 | |
| 8,2 | 10,25 | 6,10 | 9,83 | 26,18 | 8,73 | |
| Сума | 24,84 | 23,24 | 24,86 | 72,94 | | |
| Середнє | 8,28 | 7,75 | 8,29 | | | |

Таблиця 10 – Скориговані результати експерименту за методикою Яремійчука-Райхерта (Ск.2) та усереднені за різних значень жорсткості КНБК та частоти обертання долота

| n_∂ , х^{-1} | C, кН/м | 2100 | 4200 | 8400 | Сума | Середнє |
|--------------------------------|---------|-------|-------|-------|------|---------|
| 70 | 3,78 | 6,10 | 6,80 | 16,68 | 5,56 | |
| 85 | 10,25 | 8,62 | 8,23 | 27,1 | 9,03 | |
| 90 | 10,81 | 8,52 | 9,83 | 29,16 | 9,72 | |
| Сума | 24,84 | 23,24 | 24,86 | 72,94 | | |
| Середнє | 8,28 | 7,75 | 8,29 | | | |

Таблиця 11 – Результати підбору частинних емпіричних залежностей за даними скоригованими за методикою Протод'яконова

| Змінний чинник | Частинні емпіричні залежності за скоригованими даними (Ск.1) | Емпіричне значення коефіцієнта кореляції | Середнє квадратичне відхилення | Співвідношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ |
|------------------------------|--|--|--------------------------------|-------------------------------------|
| Основе статичне навантаження | $V_{MEX} = 1,85 \cdot F_{CT}^{0,7867184}$ | 0,8996 0,7 < P < 0,8 | 0,8321 | 0,975 |
| Частота обертання долота | $V_{MEX} = 3,1673 \cdot 10^{-4} \cdot n_\partial^{3,253537}$ | 0,9865 0,8 < P < 0,9 | 0,5777 | 1,41 |

Таблиця 12 – Результати підбору частинних емпіричних залежностей за даними скоригованими за методикою Яремійчука-Райхерта

| Змінний чинник | Частинні емпіричні залежності за скоригованими даними (Ск.2) | Емпіричне значення коефіцієнта кореляції | Середнє квадратичне відхилення | Співвідношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ |
|------------------------------|--|--|--------------------------------|-------------------------------------|
| Основе статичне навантаження | $V_{MEX} = 3,571 \cdot F_{CT}^{0,4385919}$ | 0,9467 0,7 < P < 0,8 | 0,3137 | 2,583 |
| Частота обертання долота | $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_\partial^{2,292906}$ | 0,9913 0,9 < P < 0,95 | 0,3523 | 2,6341 |

Таблиця 13 – Результати підбору частинної залежності $V_{MEX} = f(n_{\partial})$

| Вхідні дані | Частинні емпіричні залежності | Емпіричне значення коефіцієнта кореляції | Середнє квадратичне відхилення | Співвідношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ |
|--|---|--|--------------------------------|-------------------------------------|
| Експериментальні дані | $V_{MEX} = 3,1176 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,2723321}$ | 0,9156 0,7 < P < 0,8 | 0,5378 | 1,753 |
| Скориговані дані (Ск.1) $F \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 3,1673 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{3,253537}$ | 0,9865 0,8 < P < 0,9 | 0,5777 | 1,41 |
| Скориговані дані (Ск.2) $F \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,292906}$ | 0,9913 0,9 < P < 0,95 | 0,3523 | 2,6341 |

Таблиця 14 – Скориговані результати експерименту за методикою Протодяконова (Ск.3) та усереднені за різних значень режимних параметрів

| n_{∂} , хв. ⁻¹ | F_{CT} , кН | 4,5 | 7 | 8,2 | Сума | Середнє |
|------------------------------------|---------------|-------|-------|-------|------|---------|
| 70 | 6,12 | 9,14 | 8,44 | 23,7 | 7,9 | |
| 85 | 7,57 | 7,96 | 9,59 | 25,12 | 8,37 | |
| 90 | 6,69 | 8,98 | 8 | 23,67 | 7,89 | |
| Сума | 20,38 | 26,08 | 26,03 | 72,49 | | |
| Середнє | 6,79 | 8,69 | 8,68 | | | |

Таблиця 15 – Скориговані результати експерименту за методикою Яремійчука-Райхерта (Ск.4) та усереднені за різних значень режимних параметрів

| n_{∂} , хв. ⁻¹ | F_{CT} , кН | 4,5 | 7 | 8,2 | Сума | Середнє |
|------------------------------------|---------------|-------|-------|-------|------|---------|
| 70 | 9,05 | 7,06 | 9,63 | 25,74 | 8,58 | |
| 85 | 5,47 | 8,71 | 15,73 | 29,91 | 9,97 | |
| 90 | 7,55 | 14,56 | 5,74 | 27,85 | 9,28 | |
| Сума | 22,07 | 30,33 | 31,1 | 83,5 | | |
| Середнє | 7,36 | 10,11 | 10,37 | | | |

кореляції та відношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ будуть найбільшими, а середньоквадратичне відхилення – найменшим. Ймовірність існування емпіричної залежності між швидкістю обертання та механічною швидкістю буріння більша за 0,9.

Нейтралізуємо вплив частоти обертання на осьове статичне навантаження. За методикою Протодяконова всі скориговані дані $V_{CK.2.i}$ таблиці 10 перераховуються за формулою:

$$V_{MEX.CK.3.i} = V_{MEX.CK.2.i} + [f(n_{CP}) - f(n_{\partial i})], \quad (5)$$

де $f(n_{CP})$ – значення енергоємності, визначене за формулою $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,292906}$ та за середнім значенням $n_{CP} = 82 \text{ хв}^{-1}$;

$f(n_{\partial i})$ – значення енергоємності, визначені за формулою $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,292906}$ та за значеннями $n_{\partial} = 70, 85$ і 90 хв^{-1} .

За методикою Яремійчука-Райхерта всі скориговані дані $V_{CK.2.i}$ таблиці 10 перераховуються за формулою:

$$V_{MEX.CK.4.i} = V_{MEX.CK.2.i} \cdot f(n_{CP}) / f(n_{\partial i}). \quad (6)$$

Скориговані за методикою Протодяконова та усереднені за режимними параметрами результати експерименту зведені в таблицю 14, а

за методикою Яремійчука-Райхерта – в таблицю 15.

В таблиці 16 наведено результати підбору частинних залежностей $V_{MEX} = f(F_{CT})$ у вигляді степеневої функції за експериментальними та скоригованими даними.

За цією таблицею кращою частинною залежністю $V_{MEX} = f(F_{CT})$ є залежність, підібрана за скоректованими даними $V_{MEX.CK.4.i}$.

За цієї залежності $V_{MEX} = 3,002 \cdot F_{CT}^{0,6031514}$ емпіричне значення кореляції та відношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ найбільші, а середньоквадратичне відхилення – найменше. Ймовірність існування емпіричної залежності між швидкістю обертання долота та механічною швидкістю буріння більша за 0,95.

Якщо кожна комбінація значень змінних чинників зустрічається тільки один раз, то загальну багатофакторну функцію можна подати у вигляді добутку окремих залежностей від змінних чинників $V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_{\partial}) \cdot f(C)$. Частинні залежності між кожним чинником та механічною швидкістю буріння наведено у таблиці 17.

Таблиця 16 – Результати підбору частинної залежності $V_{MEX} = f(F_{CT})$

| Вхідні дані | Частинні емпіричні залежності | Емпіричне значення коефіцієнта кореляції | Середнє квадратичне відхилення | Співвідношення $0,1T_{CP}/\sigma_0$ |
|--|--|--|--------------------------------|-------------------------------------|
| Експериментальні дані | $V_{MEX} = 2,711 \cdot F_{CT}^{0,6647584}$ | 0,8984 0,7 < P < 0,8 | 0,8196 | 1,15 |
| Скориговані дані (Ск.1) $C \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 1,85 \cdot F_{CT}^{0,7867184}$ | 0,8996 0,7 < P < 0,8 | 0,8321 | 0,975 |
| Скориговані дані (Ск.2) $C \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 3,571 \cdot F_{CT}^{0,4385919}$ | 0,9467 0,7 < P < 0,8 | 0,3137 | 2,583 |
| Скориговані дані (Ск.2) $C \approx \text{const}$, (Ск.3) $n \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 3,516 \cdot F_{CT}^{0,444588}$ | 0,9496 0,7 < P < 0,8 | 0,6323 | 2,633 |
| Скориговані дані (Ск.2) $C \approx \text{const}$, (Ск.4) $n \approx \text{const}$ | $V_{MEX} = 3,002 \cdot F_{CT}^{0,6031514}$ | 0,9971 0,95 < P < 0,98 | 0,3061 | 3,0317 |

Таблиця 17 – Частинні залежності $V_{MEX} = f(F_{CT})$, $V_{MEX} = f(n_{\partial})$, $V_{MEX} = f(C)$

| F_{CT} , кН | 4,5 | 7 | 8,2 |
|--|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| Скориговані значення V_{MEX} | 7,36 | 10,11 | 10,37 |
| $V_{MEX} = 3,002 \cdot F_{CT}^{0,6031514}$ | 7,44 | 9,71 | 10,68 |
| $F_{CT}^{0,6031514}$ | <u>2,4773</u> | <u>3,2339</u> | <u>3,5577</u> |
| n_{∂} , хв^{-1} | 70 | 85 | 90 |
| Скориговані значення V_{MEX} | 5,56 | 9,03 | 9,72 |
| $V_{MEX} = 3,2166 \cdot 10^{-4} \cdot n_{\partial}^{2,292906}$ | 5,47 | 8,54 | 9,73 |
| $n_{\partial}^{2,292906}$ | <u>17007,334</u> | <u>26544,611</u> | <u>30261,754</u> |
| C , кН/м | 2100 | 2400 | 8400 |
| Експериментальні значення V_{MEX} | 13,8 | 8,5 | 5,98 |
| $V_{MEX} = 1362,288 \cdot C^{-0,6032162}$ | 13,50 | 8,89 | 5,85 |
| $C^{-0,6032162}$ | <u>9,9079·10⁻³</u> | <u>6,5222·10⁻³</u> | <u>4,2935·10⁻³</u> |

Таблиця 18 - Значення коефіцієнта В для усіх дослідів планованого експерименту

| № експ. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|------------------------|
| B | $1,50919 \cdot 10^{-3}$ | $2,10308 \cdot 10^{-3}$ | $1,91225 \cdot 10^{-3}$ | $2,07925 \cdot 10^{-3}$ | $1,5890 \cdot 10^{-3}$ |
| № експ. | 6 | 7 | 8 | 9 | |
| B | $1,85846 \cdot 10^{-3}$ | $1,69776 \cdot 10^{-3}$ | $1,82472 \cdot 10^{-3}$ | $1,53597 \cdot 10^{-3}$ | |

В таблиці 18 подано значення коефіцієнта В, визначені за формулою:

$$B_i = \frac{V_{MEX,i}}{f(F_i) \cdot f(n_{\partial i}) \cdot f(C_i)}, \quad (7)$$

де $V_{MEX,i}$ – значення швидкості за даними таблиці 1, яка відповідає i-тому досліду;

$f(F_{CT,i}) \cdot f(n_{\partial i}) \cdot f(C_i)$ – добуток частинних емпіричних залежностей змінних чинників, величини яких відповідають умовам i-того досліду таблиці 19.

За даними таблиці 18 середнє значення ко-

єфіцієнта В – $1,79 \cdot 10^{-2}$. В таблиці 19 наведено значення механічної швидкості буріння, визначені за рівнянням багатофакторної математичної моделі (8) та величини відносної похибки (ВП) між цими значеннями і експериментальними даними дослідів:

$$V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_{\partial}) \cdot f(C) = \\ = 1,79 \cdot 10^{-2} \cdot F_{CT}^{0,6031514} \cdot n_{\partial}^{2,292906} \cdot C^{-0,6032162}, \quad (8)$$

$$BPI = \frac{V_{MEX.EKC} - V_{MM}}{V_{MEX.EKC}} \cdot 100.$$

Таблиця 19 – Результати дослідження за планованим трифакторним експериментом та рівнянням багатофакторної математичної моделі

| № досл. | F _{CT} , кН | n _δ , хв ⁻¹ | C, кН/м | V, м/год | V _{MEX} , м/год за рівнянням (8) | ВП, % |
|---------|----------------------|-----------------------------------|---------|----------|---|-------|
| 1 | 4,5 | 70 | 2100 | 6,3 | 7,47 | -18,6 |
| 2 | 4,5 | 85 | 8400 | 5,94 | 5,06 | 14,8 |
| 3 | 4,5 | 90 | 4200 | 9,35 | 8,75 | 6,4 |
| 4 | 7 | 70 | 8400 | 4,91 | 4,23 | 13,8 |
| 5 | 7 | 85 | 4200 | 9,46 | 10,02 | -5,9 |
| 6 | 7 | 90 | 2100 | 18,02 | 17,36 | 3,7 |
| 7 | 8,2 | 70 | 4200 | 6,7 | 7,06 | 5,4 |
| 8 | 8,2 | 85 | 2100 | 17,08 | 16,75 | 1,9 |
| 9 | 8,2 | 90 | 8400 | 7,1 | 8,27 | -16,5 |

Середнє значення відносної похибки між експериментальними даними та значеннями швидкості, обчисленими за рівнянням багатофакторної математичної моделі, склало 9,7%.

Висновки

1. Методом раціонального планування експерименту встановлено багатофакторну математичну модель між механічною швидкістю буріння та основним статичним навантаженням на вибій, частотою обертання долота і жорсткістю компоновки бурильної колони, яка має вигляд:

$$V_{MEX} = B_{CP} \cdot f(F_{CT}) \cdot f(n_{\delta}) \cdot f(C) = \\ = 1,79 \cdot 10^{-2} \cdot F_{CT}^{0,6031514} \cdot n_{\delta}^{2,292906} \cdot C^{-0,6032162}$$

Максимальне значення відносної похибки при використанні математичної моделі складає 16,5%, а її середнє значення – 9,7%.

2. Частинні залежності $V_{MEX} = f(F_{CT})$, $V_{MEX} = f(n_{\delta})$, $V_{MEX} = f(C)$ одержані методом планованого експерименту, апроксимуються емпіричними степеневими залежностями з ймовірністю для F_{CT} більшою за 0,95, а для n_{δ} і C з ймовірністю більшою за 0,9.

Література

1 Алликвандер Э. Современное глубокое бурение [Текст] / Э. Алликвандер. – М.: Недра, 1969. – 232 с.

2 Протодьяконов М.М. Методика рационального планирования эксперимента [Текст] / М.М. Протодьяконов. – М., 1970. – 76 с.

3 Беликов В.Г. Рациональная отработка и изностойкость шарошечных долот [Текст] / В.Г. Беликов, С.А. Посташ. – М.: Недра, 1972. – 149 с.

4 Потапов Ю.Ф. Разрушение горных пород трехшарошечными долотами малого диаметра [Текст] / Ю.Ф. Потапов, В.В. Симонов. – М.: Гостоптехиздат, 1961. – 86 с.

5 Яремийчук Р.С. Бурение стволов большого диаметра [Текст] / Р.С. Яремийчук, Л.А. Райхерт. – М.: Недра, 1966. – 174 с.

6 Буровий стенд для дослідження процесу руйнування гірських порід і динаміки бурильного інструменту [Текст] / Б.Д.Борисевич, В.М.Мойсишин, Р.Б.Щербай [та ін.] // Розвідка та розробка нафтових і газових родовищ. – 2009. – № 3(32). – С. 23-29.

7 Щербай Р.Б. Кореляційні емпіричні залежності між статичною складовою навантаження на долото та механічною швидкістю буріння за різних значень жорсткості компоновки стенового інструменту [Текст] / Р.Б.Щербай, В.М.Мойсишин, Б.Д.Борисевич // Розвідка та розробка нафтових і газових родовищ. – 2010. – № 4(37). – С.47-54.

8 Щербай Р.Б. Встановлення кореляційних емпіричних залежностей між коефіцієнтом демпфування бурильного інструменту та механічною швидкістю буріння нафтових та газових свердловин [Текст] / Р.Б.Щербай, В.М.Мойсишин, О.М.Лисканич // Розвідка та розробка нафтових і газових родовищ. – 2012. – №4(37). – С.47-54.

9 Кожушок О.Д. Ефективность использования бурового оборудования при сооружении дегазационных скважин [Текст] / О.Д.Кожушок, С.А.Зинченко, В.Л. Шевелев, М.Г.Черман // Уголь Украины. – 2013. – № 6. – С.13-17.

Стаття надійшла до редакційної колегії
03.09.13

Рекомендована до друку
професором Коцкуличем Я.С.
(ІФНТУНГ, м. Івано-Франківськ)
професором Харченком Є.В.
(Національний університет
«Львівська політехніка», м. Львів)